B(1st Sm.)-Physics-H/MN-1/CCF

## 2024

## **PHYSICS** — MINOR

## Paper : MN-1

## (Basic Physics-I)

## Full Marks : 75

Candidates are required to give their answers in their own words as far as practicable. প্রান্তলিখিত সংখ্যাগুলি পুর্ণমান নির্দেশক।

**১। যে-কোনো পাঁচটি** প্রশ্নের উত্তর দাও ঃ

- (ক) একটি সরল দোলকের অবকল সমীকরণটি লেখো ও ব্যাখ্যা করো।
- (খ) দেখাও যে  $ec{A}=\hat{i}+4\hat{j}+3\hat{k}$  এবং  $ec{B}=4\hat{i}+2\hat{j}-4\hat{k}$  একে অপরের লম্ব।
- গে)  $e^{-x^2}$  অপেক্ষকটির লেখচিত্র আঁকো, যেখানে  $-\infty < x < \infty$ ।
- (ঘ) দেখাও যে  $\vec{F} = yz\hat{i} + xz\hat{j} + xy\hat{k}$  বলটি সংরক্ষী বল।
- (৬) সমতলীয় গোলীয় নির্দেশ তন্ত্রে (r, θ) একটি কণার অবস্থান ভেক্টর r = r r বেখানে r, r -এর বৃদ্ধির দিকে একটি একক ভেক্টর। কণাটির গতিবেগ নির্ণয় করো।
- (b) F = 2 î ĵ k বলের অধীনে একটি কণা (0, 0, 0) থেকে (3, 2, -5) বিন্দুতে গমন করলে কৃতকার্যের পরিমাণ নির্ণয় করো।
- (ছ) ভরকেন্দ্র কী? এর তাৎপর্য লেখো।
- (জ) পাস্কালের সূত্র এবং আর্কিমিডিসের নীতি লেখো।

প্রত্যেক বিভাগ থেকে অন্তত **একটি** করে প্রশ্ন নিয়ে **মোট পাঁচটি** প্রশ্নের উত্তর দাও।

বিভাগ - ক

- ২। (ক)  $\vec{F} = z\hat{j} + x\hat{k}$  ভেক্টরটির (1, -3, 2) বিন্দুতে কার্ল নির্ণয় করো।
  - (খ) ডাইভারজেন্স সূত্র বিবৃত করো এবং এর গাণিতিক রূপ লেখো।
  - (গ)  $\vec{A} = (ax^2y + yz)\hat{i} + (xy^2 xz^2)\hat{j} + (2xyz 2x^2y^2)\hat{k}$  ভেক্টরটির ডাইভারজেন্স নির্ণয় করো। a-এর কোন্ মানের জন্য  $\vec{A}$  ভেক্টরটি সলিনয়ডাল হবে? ৪+৪+(২+২)

**Please Turn Over** 

(1197)

#### ৩×৫

B(1st Sm.)-Physics-H/MN-1/CCF

- (ক) (অ) একটি গোলাকার বৃত্তীয় নির্দেশ তন্ত্র (r, θ, φ)-এর চিত্র আঁকো। প্রতিটি রাশির সীমা লেখো।
  - (আ) গোলাকার বৃত্তীয় নির্দেশ তন্ত্রে একক ভেক্টর  $\hat{r}$  এবং  $\hat{ heta}$ -এর রাশিমালা নির্ণয় করো।
    - (খ)  $f(x) = -x^2 + x^4$  অপেক্ষকটির জন্য চরম ও অবম বিন্দুগুলি নির্ণয় করো।  $(2+2)_{+8+8}$
- 8। (ক) x = 0 বিন্দুর সাপেক্ষে f(x) = sin x-এর টেলর সিরিজটি নির্ণয় করো।
  - (খ) দেখাও যে dg = xdy + ydx একটি সম্পূর্ণ অবকল।
  - (গ) f(x) = log x অপেক্ষকটির লেখচিত্র আঁকো।

(ঘ) 
$$(D^2 + 4) y(x) = \sin 3x$$
 (যেখানে  $D = \frac{d}{dx}$ ) অবকল সমীকরণটি সমাধান করো এবং সাধারণ সমাধান লেখে।  
 $8 + 3 + 3 + 3$ 

## বিভাগ - খ

৫। একটি কণার স্থান ভেক্টর 
$$\vec{r} = \cos \omega t \hat{i} + \sin \omega t \hat{j}$$
 যেখানে  $\omega$  একটি ধ্রুবক। দেখাও থে,

- (ক) কণার গতিবেগ  $\vec{v}$ ,  $\vec{r}$  -এর সাথে লম্ব।
- (খ) কণাটির ত্বরণের ā মান মূলবিন্দু থেকে কণাটির দূরত্বের সমানুপাতিক এবং এটি মূলবিন্দু অভিমুখী।
- (গ) r × v একটি ধ্রুবক ভেক্টর।

৬। (ক) একটি কণার কৌণিক ভরবেগ সূত্রটি লেখো ও প্রমাণ করো।

(খ) প্রমাণ করো যে-কোনো বলক্ষেত্রে কোনো কণার সরণ ঘটলে ওই কণা দ্বারা কৃতকার্য গতিশক্তির পরিবর্তনের সমান হয়।

8+8+8

- (গ) t সময়ে একটি কণার কৌণিক ভরবেগ  $\vec{L} = 6t^2 \hat{i} (2t+1)\hat{j} + (12t^3 8t^2)\hat{k}$ । t = 1 সময়ে টক নির্ণয় করো।
- (ঘ) 2 গ্রাম এবং 10 গ্রাম ভরের দুটি বস্তুর স্থান ভেক্টর যথাক্রমে (3i + 2j k) এবং (i j + 3k)। এদের ভরকেন্দ্রের স্থান ভেক্টর নির্ধারণ করো।
- ৭। (ক) দেখাও যে, কেন্দ্রগ বলক্ষেত্রে গতিশীল কোনো কণার কৌণিক ভরবেগ সর্বদা সংরক্ষিত হয়।
  - (খ) দেখাও যে, কেন্দ্রগ বলক্ষেত্রে গতি সর্বদা একই সমতলে অবস্থিত হয়।
  - (গ) গ্রহের গতিসংক্রান্ত কেপলারের সূত্রগুলি বিবৃত করো।
  - (ঘ) দেখাও যে, বৃত্তাকারে কক্ষপথে সঞ্চারমান উপগ্রহের মোট শক্তির মান স্থিতিশক্তির মানের অর্ধেক।
- **৮। (ক) সার্বজনীন মহাকর্ষীয় ধ্রুবকের মাত্রা নির্ণয় করো**।
  - (খ) একটি সুষম ঘনত্বের নিরেট গোলকের ভিতরের কোনো বিন্দুতে মহাকর্ষীয় ক্ষেত্র প্রাবল্য নির্ণয় করো।
  - (গ)  $\vec{F} = \frac{K}{r^2} \hat{r}$  বলের জন্য r দূরত্বে স্থিতিশক্তির রাশি নির্ণয় করো। 2 + 6 + 8

(3)

- (ক) মাত্রা বিশ্লেষণ পদ্ধতিতে স্টোকসের সূত্রটি নির্ণয় করো। 21
  - (খ) বার্নৌলির সুত্রটি বিবৃত করো ও প্রমাণ করে।
  - (গ) অসংনম্য প্রবাহী কী?

## [ English Version ]

# The figures in the margin indicate full marks.

1. Answer any five questions :

- (a) Write down the differential equation of a simple harmonic motion and explain.
- (b) Show that  $\vec{A} = \hat{i} + 4\hat{j} + 3\hat{k}$  and  $\vec{B} = 4\hat{i} + 2\hat{j} 4\hat{k}$  are mutually perpendicular.
- (c) Draw the graph of the function :  $e_{\perp}^{-x^2}$  where  $-\infty < x < \infty$ .
- (d) Show that the following force is conservative :  $\vec{F} = yz\hat{i} + xz\hat{j} + xy\hat{k}$ .
- (e) The position vector of a particle in plane polar coordinate  $(r, \theta)$  is  $\vec{r} = r\hat{r}$ , where  $\hat{r}$  is a unit vector in the direction of increasing r. Find the velocity of the particle.
- (f) Find the work done in moving an particle from (0, 0, 0) to (3, 2, -5) if the applied force is  $\vec{F} = 2\hat{i} - \hat{j} - \hat{k}$ .
- (g) What is centre of mass? Explain its significance.
- (h) Write down Pascal's Law and Archimedes principle.

Answer any five questions, taking at least one question from each Group.

#### Group - A

- (a) Find the curl of the vector  $\vec{F} = z\hat{j} + x\hat{k}$  at (1, -3, 2). 2.
  - State Divergence theorem and write down its mathematical form. (b)
  - (c) Find the divergence of the vector  $\vec{A} = (ax^2y + yz)\hat{i} + (xy^2 xz^2)\hat{j} + (2xyz 2x^2y^2)\hat{k}$ . Find the value of 'a' for which  $\vec{A}$  is solenoidal. 4+4+(2+2)
- (a) (i) Draw a spherical polar coordinate system  $(r, \theta, \phi)$ . Indicate the range of each coordinates. 3. (ii) Find the unit vectors  $\hat{r}$  and  $\hat{\theta}$  in spherical polar coordinate system.
  - (b) Find the point of Maxima and Minima of the function  $f(x) = -x^2 + x^4$ . (2+2)+4+4

#### **Please Turn Over**

(1197)

B(1st Sm.)-Physics-H/MN-1/CCF

3×5

8+6+2

#### B(1st Sm.)-Physics-H/MN-1/CCF

- 4. (a) Determine the Taylor series about x = 0 for  $f(x) = \sin x$ .
  - (b) Show that the following differential is an exact differential : dg = xdy + ydx.
  - (c) Plot the function  $f(x) = \log x$ .

(d) Solve the equation  $(D^2 + 4) y(x) = \sin 3x$  (where  $D \equiv \frac{d}{dx}$ ) and find the general solution.

4+2+2+4

4 + 4 + 4

### Group - B

(4)

5. The position vector of a particle is given by  $\vec{r} = \cos \omega t \hat{i} + \sin \omega t \hat{j}$ , where  $\omega$  is constant.

Show that —

- (a) the velocity  $\vec{v}$  of the particle is perpendicular to  $\vec{r}$
- (b) the acceleration  $\vec{a}$  has the magnitude proportional to the distance from the origin and is directed towards the origin.
- (c)  $\vec{r} \times \vec{v}$  is a constant vector.
- 6. (a) State and prove the angular momentum conservation rule for a particle.
  - (b) Prove that in a force field if a particle is displaced, then the work done by the particle is equal to the change in kinetic energy.
  - (c) The angular momentum of a particle is given as a function of time t by

$$\vec{L} = 6t^2 \,\hat{i} - (2t+1)\,\hat{j} + (12t^3 - 8t^2)\,\hat{k}.$$

Find the torque at the time t = 1.

- (d) Two bodies of masses 2 gm and 10 gm have position vectors  $(3\hat{i} + 2\hat{j} \hat{k})$  and  $(\hat{i} \hat{j} + 3\hat{k})$ respectively. Find the position vector of centre of mass. 3+4+3+2
- 7. (a) Show that the angular momentum is conserved for motion under central force.
  - (b) Show that the motion under a central force is planar.
  - (c) State Kepler's Laws of planetary motion.
  - (d) Show that the total energy of a satellite in a circular orbit is half its potential energy in magnitude.
- 8. (a) Find the dimension of universal gravitational constant.
  - (b) Find the gravitational intensity at a point inside a solid sphere of uniform density.
  - (c) Calculate the corresponding potential energy at a distance r for a force field given by  $\vec{F} = \frac{K}{r^2} \hat{r}$ .

2+6+4

4+6+2

3+3+3+3

- 9. (a) Derive Stokes Law from dimensional analysis.
  - (b) State and prove Bernoulli's theorem.
  - (c) What is incompressible fluid?

(1197)